

2016

PROGRAMMER AVEC ZAYDOUN

Algorithmique et programmation

Ce livre est destiné aux élèves du 4eme année de l'enseignement secondaire
SECTIONS SCIENTIFIQUES ainsi les élèves du 3eme année de l'enseignement
secondaire SECTION SCIENCES DE L'INFORMATIQUE

Ahmed Amine Rassas
Etudiant
Rassas Amine



PREFACE



Zied Chaouch (mort Janvier 5, 2016) est un professeur universitaire d'informatique. Il était très connu dans la ville de Sousse comme professeur d'algorithmique de tutorat pour les élèves des écoles secondaires.

Cette œuvre a pour but d'assembler les travaux du défunt monsieur Zied Chouch, mon cher professeur d'Informatique durant sa carrière d'enseignement en vu de la documentation de ses chef d'œuvres . Plusieurs générations ont profité du savoir qu'il ne cessait de répandre là où il passait. L'amour et le respect ont imprégné les rapports que les apprenants tenaient avec cet terminent savant . Son sérieux et son attachement à son travail étaient non seulement à l'origine du succès de tous ses disciples mais aussi du respect et de reconnaissance de ses collègues.

D'ailleurs , un bon nombre de ses élèves ont poursuivi leurs études universitaires en informatique avec excellence. Humainement il était très proche de ses élèves, allant jusqu'à entretenir des relations amicales avec eux. Il était d'une bonté sans égale et d'une sincérité remarquable.

Pour moi, c'était un père avec ses conseils , un ami avec son humilité , un frère avec son soutien . J'ai tant essayé de lui adresser cette reconnaissance quand il était avec nous , malheureusement , la mort me l'a arraché. tu resteras toujours vivant dans mon cœur et dans ma mémoire. Que votre âme repose en paix.

#ZAYDOUN L'homme qui a passionné toute une génération par l'informatique

SOMMAIRE

Chapitre 1 : Les structures simples & Les structures de données

..... 4

Chapitre 2 : Les structures algorithmiques de contrôle

..... 14

Chapitre 3 : Les sous programmes

..... 27

Chapitre 4 : Les algorithmes de tri & de recherche

..... 40

Chapitre 5 : Les algorithmes arithmétiques

..... 48

Chapitre 6 : Les algorithmes récurrents

..... 55

Chapitre 1 : Les structures simples et les structures de données

I. Les structures simples

Saisi des données

Je veux taper un entier dans la variable X

Analyse	Algorithmme	Pascal
X = donnée	Ecrire ('donner...') Lire(x)	Writeln('donner ... ?') ; Readln(x) ;
Variable = donnée	Ecrire ('variable...') Lire(variable)	Writeln('donner ... ?') ; Readln(variable) ;

Affectation

Analyse - Algorithmme	Pascal
$C \leftarrow A + B$	C:= A+B;

Affichage

Analyse – algorithmme	Pascal
Ecrire(x)	Writeln(x) ;
Ecrire(variable)	Writeln(varaible) ;

II. Les structures de données

1) Entier → en pascal : integer

- Le type entier il appartient $[-37767..37767]$ appartient l'ensemble Z il contient au maximum 4 chiffres est sans virgule.

- Les opérateur autorisé : + - * **div** **mod**

Remarque :

on n'a pas le droit d'utiliser / .

$$\begin{array}{r|l} 7 & 2 \\ \hline 1 & 3 \\ 7 \bmod 2 & 7 \operatorname{div} 2 \end{array}$$

2) réel → en pascal : real

- Le type réel appartient l'ensemble R.

Les opérateurs autorisés : + - * /

Remarque :

Il est strictement interdit d'utiliser **div** et **mod** sur les réels.

Les fonctions prédéfinies

A = analyse et P = Pascal	Exemple
Abs(réel) → réel + A - P Abs(entier) → entier +	Abs (-6,6) → 6,6
Sqr(entier) → entier P Carré(entier) → entier A Carrée (réel) → réel Sqr(réel) → réel	Sqr(2) → 2 ² → 4
Round(réel) → entier P Arrondi(réel) → entier A	Round(5,71) → 6 : (5..9) → +1 Round(5,4999) → 5 Round(5) → 5
Frac(réel) → réel A - P	Frac(6,908) → 0,908 Frac(4) → 0,000
Trunc(réel) → entier P Tronquer(réel) → entier	Trunc(5,980) → 5 Trunc(3) → 3
Int(réel) → réel P Ent (réel) → réel A	Int(5,980) → 5,000 Int(3) → 3,000
Sqrt(réel) → réel P racine(entier) → réel A	Sqrt(2) → 1,41 Sqrt(4) → 2,000

3) booléen → en pascal : boolean

La variable va prendre soit **true (vrai)** soit **false (faux)**

les opérateurs autorisés : **ET (and)** **OU (or)** **OUex (xor)** **NON (not)**

A	ET (and)	B	Résultat
T	Et	T	T
T	Et	F	F
F	Et	T	F
F	Et	F	F

Remarque :

ET : elle renvoie comme résultat vrai ssi tous sont vrai, sinon elle renvoie comme résultat faux

A	OU (or)	B	Résultat
T	OU	T	T
T	OU	F	T
F	OU	T	T
F	OU	F	F

Remarque :

OU : elle renvoie comme résultat vrai ssi j'en ai au moins un vrai, sinon elle renvoie comme résultat faux.

A	OUex (xor)	B	Résultat
---	------------	---	----------

T	OUex	T	F
T	OUex	F	T
F	OUex	T	T
F	OUex	F	F

Remarque :

- OUex : elle renvoie comme résultat vrai ssi les deux variables sont différents (vrai et faux), sinon elle renvoie comme résultat faux.

- Non(true) → false
- Not(false) → true

4) Le type caractère → en pascal : char

On appelle une variable de type caractère ssi la variable contient 1 seul caractère.
Exemple de caractère :

- * lettre : "A" .. "Z" ou "a" .. "z"
- * chiffre : "0" .. "9"
- * ponctuation : ",", ":", ".", "
- * " " (espace)
- * caractère spéciaux : "@", "\$"

Les fonctions prédéfinies sur les caractère :

Ord ("A") → 65 Ord ("a") → 97 Ord('0') → 48	Ord elle renvoie le code ascii d'un caractère donnée Ord (caractère) → entier
Chr (65) → "A" Chr (98))→ "b"	Chr (entier) → caractère qui lui correspond
Succ("B") → "C" Succ ("f") → "g"	Succ (caractère)→ le caractère suivant
Pred ("b") → "a"	Pred(caractère) → renvoie le caractère precedent
Uppcase("c") → "C" P Majus ("B") → "B" A	Uppcase (caractère) → elle renvoie la majuscule

5) Le type chaîne de caractère → en pascal : string

On appelle variable de type chaîne de caractère ssi elle contient 2 ou plusieurs caractère.

Exemple :

- Ch ← "zied" donc ch → chaîne
- Ch ← "b" donc ch → caractère

Remarque :

Ch ← "informatique"

Exemple :

Ch ← "zied"
Ch[3] ← "a"

Ecrire (ch) → "ziad"

Remarque :

Le principe de val c'est de convertir tous les chiffres qui forme la chaîne ou non (loi de tous ou rien)

Les fonctions et les procédures prédéfinies sur les chaînes

Les fonctions	
X ← long(ch) X :=length(ch) ;	Exemple: Ch="amira" Donc dans x on trouve 5
P ← pos(c, ch) P :=pos(c, ch) ;	Exemple : C ← "ir" Ch ← "amira" Donc dans p on trouve 3
Ch1 ← Sous_chaine (ch, p, n) Ch1 := copy(ch, p, n);	Exemple: Ch="amira", p=2, n=3 Donc dans ch1 on trouve "mir"
Ch ← ch1+ch2+ch3 Ch :=ch1+ch2+ch3;	Exemple: Ch1="med", ch2= " ", ch3="ali" Donc dans ch on trouve "med ali"
Les procédures	
Efface(ch, p, n) Delete(ch, p, n) ;	Ch="farouk", p=2, n =4 Donc dans ch on trouve "fk"
Insert(ch1, ch2, p) ;	Ch1="ha" Ch2="momed" , p =3 Donc dans ch2 on trvouve "mohamed"
Convch(n, ch) Str(n, ch) ;	n=2014 donc dans ch on trouve "2014"
Valeur (ch, n, e) Val(ch, n, e) ;	Valeur(ch, n, e) "102" 102 0 "10.2" 10.2 0 "10.2.3" 0 5 "1A2DBG6" 0 2

Série N°1

Exercice n°1 :

Ecrire une analyse, un algorithme et un programme pascal, qui saisi le rayon d'un cercle de type entier et affiche la surface.

Bouillon :

- saisir le rayon
- calculer la surface
- afficher la surface.

Analyse :

Résultat = écrire(s)

$S \leftarrow R * R * \pi$

R = donnée

Fin ex

TDO

Nom	Type
S	Réel
R	Entier
Pi	Constante = 3.14

Algorithme :

- 0) début ex
- 1) lire(R)
- 2) $s \leftarrow R * R * \pi$
- 3) écrire(S)
- 4) fin ex

Exercice n°2 :

Ecrire une analyse, un algorithme et un programme pascal qui saisi la largeur et la longueur d'un rectangle et afficher le périmètre.

Bouillon :

- saisir longueur $\rightarrow$ long
- saisir largeur $\rightarrow$ larg
- calculer périmètre $\rightarrow$ P
- afficher périmètre

Analyse :

Résultat = écrire(P)

$P \leftarrow (\text{larg} + \text{long}) * 2$

Larg= donnée

Long= donnée

Fin

TDO

Nom	Type
Largn , long, p	Entier

Algorithme :

- 0) début ex
- 1) lire(larg)
- 2) lire(long)
- 3) $p \leftarrow (\text{larg} + \text{long}) * 2$
- 4) écrire(p)
- 5) fin

Pascal :


```

program med;
uses wincrt;
var
long, larg, p:integer;

begin
  writeln('donner longueur');
  readln(long);
  writeln('donner largeur');
  readln(larg);

  p:=(larg+long)*2;

  writeln(p);
end.

```

Exercice n°3 :

Saisir un temps T en seconde et le convertir et afficher en heure, minute et seconde.

Exemple :

3666 secondes on affiche 1 heure 1 minute et 6 secondes.

Brouillon :

- saisir le temps en seconde → T
- extraire l'heure → h
- extraire minute → m
- extraire seconde → s
- afficher (h, m, s)

Analyse :

```

résultat = écrire(h, m, s)
s ← ( T mod 3600) mod 60
m ← (T mod 3600) div 60
h ← T div 3600
T = donnée
Fin

```

TDO

Nom	Type
T, h, m, s	Entier

Algorithme :

- 0) début ex
- 1) lire(T)
- 2) h ← T div 3600
- 3) m ← (T mod 3600) div 60
- 4) s ← (T mod 3600) mod 60
- 5) écrire(h, m, s)
- 6) fin ex

Pascal :

```

program ex;
uses wincrt;

```

```

var
h, m, s, t:integer;

begin
  writeln('donner le temps en secondes');
  readln(T);

  h:= t div 3600;
  m:=(t mod 3600) div 60;
  s:=( t mod 3600) mod 60;

  writeln(h,' heures ', m,' minutes ',s,' secondes ');
end.

```

Exercice n°4 :

Saisir un entier de quatre chiffres et afficher la somme de ces chiffres.

Exemple :

2004 → 2 + 0 + 0 + 4 on affiche 6

Brouillon :

- saisir n
- convertir n en chaîne → ch
- rendre chaque caractère une valeur → a , b, c , d
- somme des valeurs obtenus → s
- afficher s

Analyse :

Résultat = écrire(s)

$S \leftarrow a + b + c + d$

Valeur(ch[4], d, e)

Valeur(ch[3], c, e)

Valeur(ch [2], b , e)

Valeur(ch[1], a, e)

Convch(n, ch)

n = donnée

fin

TDO

Nom	Type
A, b, c, d, e, n	Entier
Ch	Chaîne

Algorithme :

- 0) Début ex
- 1) Lire(n)
- 2) Convch(n, ch)
- 3) Valeur(ch[1], a, e)
- 4) Valeur(ch [2], b , e)
- 5) Valeur(ch[3], c, e)
- 6) Valeur(ch[4], d, e)
- 7) $S \leftarrow a + b + c + d$

8) Ecrire(s)

9) Fin

Pascal :

```
program ex;
uses wincrt;
var
s,a, b, c, d, e, n:integer;
ch:string;

begin
  writeln('donner un entier de quatre chiffre');
  readln(n);

  str(n, ch);

  val(ch[1], a, e);
  val(ch[2], b, e);
  val(ch[3], c, e);
  val(ch[4], d, e);

  s:=a+b+c+d;

  writeln('la somme est ', s);
end.
```

Exercice n°5 :

Saisir une date sous la forme « jj/mm/aaaa » et calculer le nombre bonheur. Le nombre bonheur et calculer de la méthode suivante :

14/02/1994

$14 - 02 + (1 + 9 + 9 + 4) = 35$ donc le nombre bonheur est 35.

jj-mm + a + a + a + a

Analyse :

Résultat = écrire(B)

$B \leftarrow j-m + (a+b+c+d)$

Valeur(ch[4], d, e)

Valeur(ch[3], c, e)

Valeur(ch[2], b, e)

Valeur(ch[1], a, e)

Valeur(chm, m, e)

Valeur(chj, j, e)

Cha $\leftarrow$ sous_chaine(ch, 7, 4)

Chm $\leftarrow$ sous_chaine (ch, 4, 2)

Chj $\leftarrow$ sous_chaine(ch, 1, 2)

Ch = donnée
Fin ex

Algorithme :

- 0) Début ex
- 1) Lire(ch)
- 2) Chj ← sous_chaine(ch, 1, 2)
- 3) Chm ← sous_chaine(ch, 4, 2)
- 4) Cha ← sous_chaine(ch, 7, 4)
- 5) Valeur(chj, j, e)
- 6) Valeur(chm, m, e)
- 7) Valeur(cha[1], a, e)
- 8) Valeur(cha[2], b, e)
- 9) Valeur(cha[3], c, e)
- 10) Valeur(cha[4], d, e)
- 11) $B \leftarrow j - m + (a + b + c + d)$
- 12) Ecrire(B)
- 13) Fin ex

Pascal :

```
program ex;  
uses winCRT;  
var  
a, b, c, d, e, j, m: integer;  
cha, chj, chm, ch: string;
```

```
begin  
  writeln('donner une chaîne ');  
  readln(ch);  
  
  chj:=copy(ch, 1, 2);  
  chm:=copy(ch, 4, 2);  
  cha:=copy(ch, 7, 4);  
  
  val(cha[1], a, e);  
  val(cha[2], b, e);  
  val(cha[3], c, e);  
  val(cha[4], d, e);  
  val(chm, m, e);  
  val(chj, j, e);  
  
  b:=j-m+(a+b+c+d);  
  
  writeln(b);  
end.
```

Chapitre 2 : Les structures algorithmiques de contrôle

I. Les structures de contrôle conditionnelles

6) Forme complète (2 propositions)

algorithme:

```
si condition alors Traitement 1
sinon Traitement 2
fin si
```

pascal:

```
if condition then
    begin
        ..... ;
        ..... ;
    end
else
    begin
        ..... ;
        ..... ;
        ..... ;
    end;
```

remarque :

- avant **else** on ne met jamais point virgule " ;"
- si j'en ai plusieurs instructions donc je dois les limiter entre **begin** et **end**

7) Forme imbriquée ou généralisée (≥ 3 propositions)

Algorithme :

si condition 1 **alors** Traitement 1
sinon **si** condition 2 **alors** Traitement 2
sinon **si** condition 3 **alors** Traitement 3
sinon **si** condition 4 **alors** Traitement 4
sinon
 Traitement n
finsi

Remarque:

si j'ai n proposition donc je dois commencer par si et je termine par sinon et j'utilise (n-2) sinon si.

pascal:

```
if condition 1 then .....  
else if condition 2 then  
    begin  
        .....;  
        .....;  
        .....;  
    end  
else if condition 3 then .....  
else if condition 4 then  
    begin  
        .....;  
        .....;  
        .....;  
    end  
else  
    begin  
        .....;  
        .....;  
    end  
End ;
```

8) Forme à choix multiple selon Faire :

Remarque:

On utilise la forme à choix multiple ssi :

- j'en ai plusieurs propositions ≥ 3 cas
- je teste sur une seule variable
- la variable à tester doit être de type scalaire : (entier ou caractère ou booléen)

algorithme :

selon variable **faire**

x1:
 x2,x3:
 x4..x7:
sinon

.....
fin selon

pascal:

case_variable of

x1: ;
 x2,x3: ;
 x4..x7: ;
else

..... ;
end;

Série N°2

Exercice n°1 :

Ecrire une analyse et un programme pascal permettant de saisir un entier et de vérifier si il est divisible par 5 ou non.

Brouillon :

- saisir un entier → n
- vérifier n divisible par 5 ou non
- afficher → msg

Analyse :

Résultat = écrire(msg)

Si $n \bmod 5 = 0$ alors msg ← "divisible par 5"

Sinon msg ← "n div par 5"

Fin si

N = donnée

TDO (tableau de déclaration des objets)

Nom	Type	Rôle
N	Entier	Donnée
Msg	Chaîne	Résultat

Algorithme :

- 0) début ex
- 1) écrire("donner un entier n") lire(n)
- 2) Si $n \bmod 5 = 0$ alors msg ← "divisible par 5"
 Sinon msg ← "non divisible par 5"
 Fin si
- 3) Ecrire(msg)
- 4) Fin ex

Pascal :

```
program ex;
uses wincrt;
var
n:integer;
msg:string;

begin
  writeln('donner n ');
  readln(n);

  if n mod 5=0 then msg:='div 5'
  else msg:='nn div 5';

  writeln(msg);
end.
```

Exercice n°2 :

Ecrire une analyse et un programme pascal permettant de saisir une moyenne supposé compris entre 0 et 20, puis afficher la mention qui correspond à la moyenne. (refusé, passable, assez bien, bien, très bien)

R<10

10<= P <12

12<= AB <14

14<= B <16

TB >=16

Brouillon :

- saisir moyenne → m
- vérifier la moyenne
- afficher la mention

Analyse :

Résultat = écrire(msg)

Si m<10 alors msg ← "R"

Sinon si (m>=10) et (m<12) alors msg ← "P"

Sinon si (m>=12) et (m<14) alors msg ← "AB "

Sinon si (m>=14) et (m <16) alors msg ← "B"

Sinon msg ← "TB"

Fin si

M = donnée

Fin

TDO

Nom	Type	Rôle
M	Réel	Donnée
Msg	Chaîne	Résultat

Algorithme (normal)

0) début ex
 1) lire(m)
 2) Si $m < 10$ alors msg ← "R"
 Sinon si $m \geq 10$ et $m < 12$ alors msg ← "P"
 Sinon si $(m \geq 12)$ et $(m < 14)$ alors msg ← "AB "
 Sinon si $m \geq 14$ et $m < 16$ alors msg ← "B"
 Sinon msg ← "TB"
 Fin si
 2) écrire(msg)
 3) fin ex

Pascal :

```

program ex;
uses winCRT;
var
  m:real;
  msg:string;

begin
  writeln('donner une moyenne ');
  readln(m);

  if m < 10 then msg:='refusé'
  else if (m >= 10) and (m < 12) then msg:='passable'
  else if (m >= 12) and (m < 14) then msg:='Assez bien'
  else if (m >= 14) and (m < 16) then msg:='bien'
  else msg:='tres bien ';

  writeln(msg);
end.
  
```

Exercice n°3 :

Ecrire une analyse et un programme pascal permettant de saisir un caractère et afficher sa nature (voyelle, consonne, chiffre, autre)

Brouillon :

- saisir un caractère → C
- vérifier
- afficher (msg)

Analyse :

Résultat = écrire(msg)

Selon majus (c) faire
 "A", "E", "Y", "U", "I", "O" : msg ← "voyelle"
 "A".."Z" : msg ← "consonne"
 "0".."9" : msg ← "chiffres"
 Sinon msg ← "autre"
 Fin selon

C = donnée

Pascal :

```
program ex;
uses wincrt;

var
c:char;
msg:string;
begin
  writeln('donner un caractère');
  readln(c);

  case upcase(c) of
    'A','E','Y','U','I','O': msg:='voyelle';
    'A'..'Z': msg:='consonne';
    '0'..'9': msg:='chiffres'
  else msg:='autre'
  end;

  writeln(msg);
end.
```

Exercice n°4 :

Ecrivez un programme qui affiche « Bonjour, madame » ou « Bonjour, mademoiselle » ou « Bonjour, monsieur » selon le sexe saisi ("F" ou "H") et l'état marital saisi de la personne ("O" : oui il est marié ou "N" : non il n'est pas marié).

Brouillon :

- saisir s
- saisir em
- verifier
- afficher (msg)

Analyse :

Résultat = écrire(msg)

Si majus (s) ="F" et majus(em)= "O" alors msg ← "bjr madame"

Sinon Si majus (s) ="F" et majus(em)= "N" alors msg ← "bjr mademoiselle"

Sinon Si majus (s) ="H" alors msg ← "bjr monsieur"

Sinon msg ← "erreur"

Fin si

Em = donnée

S = donnée

Fin ex

TDO

Nom	Type	Rôle
S	Caractère	Donnée
Fm	Caractère	Donnée

Msg	Chaîne	Résultat
-----	--------	----------

Exercice n°5 :

Ecrire un programme permettant de résoudre dans R, une équation de second degré sous la forme de : $ax^2+bx+c=0$, sachant que a, b et c sont saisi par l'utilisateur

Résultat = []

Si (a=0) et (b=0) et (c=0) alors écrire("R")

Sinon si (a=0) et (b=0) et (c<>0) alors écrire("ensemble vide")

Sinon si (b<>0) alors écrire(-c/b)

Sinon

$D \leftarrow \text{carré}(b) - (4*a*c)$

Si $D < 0$ alors écrire("ensemble vide")

Sinon si $D = 0$ alors écrire($-b/(2*a)$)

Sinon écrire ($-b-\text{racine}(d)/(2*a)$, $-b+\text{racine}(d)/(2*a)$)

Fin si

Fin si

C= donnée

B = donnée

A = donnée

TDO

Nom	Type
A, b, c, d	Réel

Exercice n°6 :

Ecrire une analyse et un programme pascal permettant de saisir un entier de 3 chiffres et de vérifier s'il est cubique ou non.

Exemple :

153 est dit cubique parce que $153 = 1^3+5^3+3^3$

Analyse :

Résultat = []

Si $(a*a*a)+(b*b*b)+(c*c*c) = n$ alors écrire("cubique")

Sinon écrire("non cubique")

Fin si

Valeur(ch[3], c, e)

Valeur(ch[2], b, e)

Valeur(ch[1], a, e)

Convch(n, ch)

N = donnée

Fin

TDO

Nom	Type
N, a, b, c, e	Entier
Ch	Chaîne

Exercice n°7 :

Ecrire un programme permettant de saisir le numéro du mois et affiche la saison qui lui correspond exemple : 1 = hiver.

Brouillon :

- saisir le n° du mois → m
- vérifier la saison → verifier m
- afficher la saison → msg

Analyse :

Résultat = écrire(msg)

Si m dans [1, 2, 12] alors msg ← "hiver"
Sinon si m dans [3..5] alors msg ← "printemps"
Sinon si m dans [6..8] alors msg ← "été "
Sinon si m dans [9..11] alors msg ← "automne"
Sinon msg ← "erreur"
Fin si

M = donnée
Fin ex

TDO

Nom	Type
M	Entier
Msg	Chaîne

Analyse :

Résultat = écrire(msg)

Selon m faire
1, 2, 12 : msg ← "hiver"
9..11 : msg ← "automne"
3..5 : msg ← "peintemps"
6..8 : msg ← "été"
Sinon
Msg ← "erreur"
Fin selon

M = donnée
Fin ex

TDO

Nom	Type
M	Entier
Msg	Chaîne

Algorithme :

- 0) début ex
- 1) écrire ("donner le num du mois") lire(m)
- 2) selon m faire
 - 1, 2, 12 : écrire("hiver")
 - 9..11 : écrire("automne")
 - 3..5 : écrire("printemps")
 - 6..8 : écrire("été")Sinon
Ecrire("erreur")
Fin selon
- 3) fin ex

TDO

Nom	Type
M	entier

Pascal :

```
program ex;
uses winCRT;
var
m:integer;

begin
writeln('donner num du mois');
readln(m);

case m of
1,2,12: writeln('hiver');
3..5: writeln('printemps ');
6..8: writeln('été');
9..11: writeln('automne ');
else
writeln('erreur');
end;

end.
```

II. Les structures itératives

1) Forme complète : Pour : nombre de répétition est connu en avance

Analyse - Algorithme	Pascal
Pour i de Vi à Vf faire Fin pour	For i :=Vi to Vf do Begin End;

Remarque :

- On utilise la boucle **pour** ssi le nombre de répétition est connu en avance (je connais l'indice de départ ainsi l'indice final)
- TO : $V_i < V_f$
- Downto : $V_i > V_f$
- I: compteur qui doit être de type scalaire (**entier** ou **caractère** ou **booléen**)

Conclusion :

On utilise la boucle **pour** dans les cas suivants :

- je connais l'indice de départ et l'indice d'arrêt
- nombre de répétition connu

2) Forme répétitive à condition d'arrêt

a) Forme répétitive à condition d'arrêt : répéterjusqu'à

Algorithme	Pascal
Répéter	repeat
.....	 ;
.....	 ;
.....	 ;
Jusqu'à (condition d'arrêt)	until (condition d'arrêt) ;

Remarque :

- on utilise répéter ssi le nombre de répétitions n'est pas connu en avance (indice de départ est connu et indice final est inconnu).
- Saisi avec une condition
- L'objet existe juste je vais faire une condition → si Sinon

Remarque :

- répéter : on exécute puis on teste donc répéter elle est exécuter au moins une seule fois

b) Forme répétitive à condition d'arrêt : Tant quefaire

Algorithme	Pascal
Tant que (condition) faire	while (condition) do
.....	begin
.....	
.....	
Fin tq	End ;

Remarque :

- on utilise tant que ssi le nombre de répétitions n'est pas connu en avance.
- je dois tester puis exécuter → tant que
- Tant que : on teste puis on exécute donc tant que peut ne pas être exécuter.

Série N°3

Exercice n°1 :

Saisir un tableau T par n caractère avec n compris entre 4 et 20, afficher le nombre de lettre dans le tableau.

Explication :

Saisir un tableau T par n caractère avec n compris entre 4 et 20 → le nom du tableau est T, le nombre de case du tableau est n compris entre 4 et 20, et le tableau contient à l'intérieur des caractère.

Brouillon :

- Saisir la taille du tableau → n compris entre 4 et 20
- saisir tableau T
- calculer le nombre de lettre → s
- afficher s

Analyse :

Résultat = écrire(s)

S ← 0

Pour i de 1 à n faire

Si majus(t[i]) dans ["A".."Z"] alors s ← s+1

Fin si

Fin pour

Pour i de 1 à n faire

T[i] = donnée

Fin pour

répéter

N= donnée

Jusqu'à n dans [4..20]

TDNT

Type
Tab = tableau [1..20] de caractère

TDO

Nom	Type
T	Tab
n, i, s	Entier

Exercice n°2 :

Saisir un tableau par n entier avec n compris entre 2 et 10, afficher la somme du tableau et le nombre des valeurs impaires dans le tableau.

Brouillon :

- saisir taille → n compris entre 2 et 10
- saisir un tableau
- calcul somme → s
- calcul des nombre impaires → p
- afficher s et n

Analyse :

Résultat = écrire(s, p)

$P \leftarrow 0$

Pour i de 1 à n faire

Si $t[i] \bmod 2 = 0$ alors $p \leftarrow p+1$

Fin pour

$S \leftarrow 0$

Pour i de 1 à n faire

$S \leftarrow s+t[i]$

Fin pour

Pour i de 1 à n faire

$T[i] = \text{donnée}$

Fin pour

Répéter

$N = \text{donnée}$

Jusqu'à n dans [2..10]

TDNT

Type
Tab = tableau [1..20] de caractère

TDO

Nom	Type
T	Tab
n, i, s	Entier

Exercice n°3 :

Saisir un tableau par n réel avec n compris entre 10 et 30, afficher la moyenne du tableau.

Brouillon :

- saisir la taille n compris entre 10 et 30
- saisir le tableau T
- calculer la moyenne → moy
- afficher moy

Analyse :

résultat = écrire(moy)

$s \leftarrow 0$

pour i de 1 à n faire

$s \leftarrow s+t[i]$

fin pour

$\text{moy} \leftarrow s/n$

pour i de 1 à n faire

t[i]= donnée

fin pour

répéter

n = donnée

jusqu'à n dans [10..30]

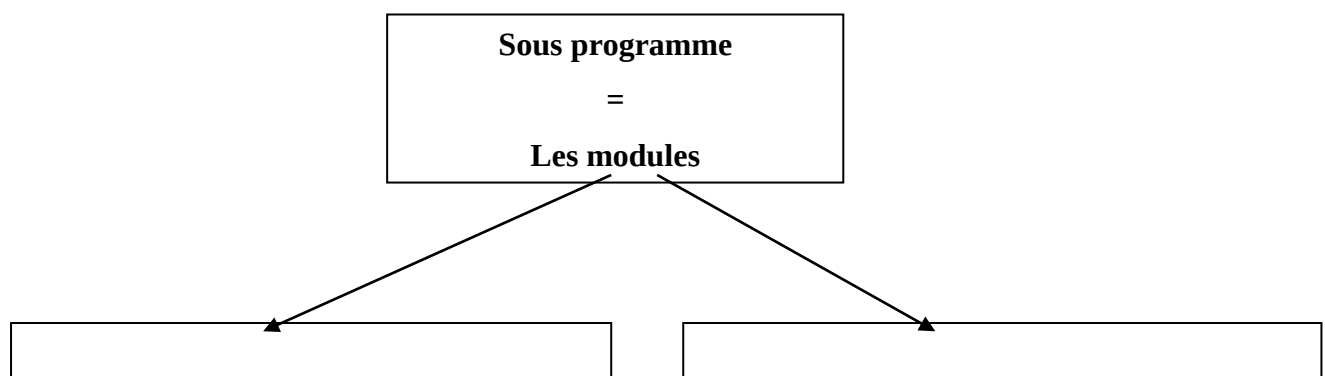
TDNT

Type
Tab = tableau [1..30] de réel

TDO

Nom	Type
N	Entier
S, moy	Réel
T	Tab

Chapitre 3 : Les sous programmes



Activité :

Saisir un tableau par n chaîne de caractère non vides, avec n compris entre 5 et 30, afficher la somme total de l'ordre de chaque voyelle dans l'alphabet français.

Exemple :

N=5

T

Ala	Amine	Emna	sandra	Ska
1 + 1	+ 1 + 9 + 5	+5 +1	+ 1+1	+ 1 = 26

Brouillon :

- saisir la taille → proc saisi
- remplir le tableau → proc rempli
- somme → fn somme
- afficher somme → proc affich

1) Analyse principale

- Dans l'analyse principal on ne trouve plus ni conditionnelle, ni répétitive on trouve seulement des simples appel des modules (fonction ou procédure).
- Lors de l'appel d'une procédure : proc nom (????) : juste appelle direct sans reçoit « ← » .
- Lors de l'appel d'une fonction : ? ← fn nom (????) : appelle avec reçoit « ← » .
- Proc nom (variable(s) donnée(s) ; variable(s) résultat(s)) .
- Fn nom (variable(s) donnée(s)) : type de résultat .

Résultat =

Proc affich (s)
S ← fn somme (T , n)
Proc rempli (n, T)
Proc saisi (n)

Le paramètre entre parenthèse lors de l'appel s'appelle paramètre effectif

Fin ex

TDNT (le TDNT il est réalisé qu'une seule fois sous l'analyse principale et si nous avons un tableau ou une matrice dans notre exercice)

Type
Tab = tableau [1..30] de chaîne

TDOG (tableau de déclaration des objets globaux → il contient les variables de l'analyse principale ainsi les modules appelées dans l'analyse principale)

Nom	Type
S, n	Entier
T	Tab
Affich , rempli, saisi	Procédure
Somme	Fonction

2) Analyse des modules

Analyse des modules → création des modules (la définition des modules).
Lors de la définition des modules nous commençons toujours avec les modules les plus faciles.

Analyse de la procédure rempli

```
Def proc rempli (n : entier ; var t : tab)
Résultat = t
Pour i de 1 à n faire
    Répéter
        T[i] = donnée
    Jusqu'à t[i]<>"
Fin pour
Fin proc rempli
```

Si le paramètre appartient à l'entête va subir un changement avant et après l'exécution de la procédure on doit ajouter le terme **var**

Le résultat dans la procédure est toujours le paramètre qui va subir un changement (var) sinon on écrit []

TDOL (tableau de déclaration des objets locaux → il contient les variables utilisés dans un module et qui n'existe pas dans l'entête du module concerné)

Nom	Type
I	Entier

Analyse de la procédure saisi

```
Def proc saisi (var n : entier)
Résultat = n
Répéter
    N = donnée
Jusqu'à n>=4 et n<=30
Fin proc saisi
```

Analyse de la procédure affich

```
Def proc affich (s : entier)
Résultat = [ ]
Écrire(s)
Fin proc affich
```

Analyse de la fonction somme

```

Def fn somme (t :tab ; n :entier ) : entier
Résultat = somme ← s
S ← 0
Pour i de 1 à n faire
  Pour j de 1 à long(t[i]) faire
    Si majus (t[i][j]) dans ["A","E","Y","U","I","O"] alors
      S ← s +(ord(majus(t[i][j]))-64)

  Fin si
Fin pour
Fin pour
Fin fn somme

```

TDOL

Nom	Type
i, j , s	Entier

Série N°3

Exercice n°1 :

Saisir un tableau par n entier positifs de quatre chiffres avec n compris entre 2 et 30, transférer dans un tableau V, la somme de chaque éléments du tableau, afficher les éléments du tableau T qui sont divisible par les éléments de V.

T

2004	2008	2010	4010	3520	6985
------	------	------	------	------	------

V

6	10	3	5	10	28
---	----	---	---	----	----

Les éléments à afficher : 2004, 2010, 4010, 3520

Brouillon :

- saisi taille → proc
- remplir tableau → proc
- transfer vers V → proc
- afficher → proc

Analyse principale :

Résultat = []
Proc affich (T, V, n)
Proc tansfer (t, n, v)
Proc rempli (n, T)
Proc taille (n)

TDNT

Type
Tab = tableau [1..30] d'entier

TDOG

Nom	Type
T, v	Tab
N	Entier
Affich, taille, transfer, rempli	Procédure

Analyse de la procédure

Def proc taille (var n :entier)
Résultat = n
Répéter
 N = donnée
Jusqu'à n>=4 et n<=30
Fin proc taille

Analyse de la procédure rempli

Def proc rempli (n : entier ; var t :tab)
Résultat = t
Pour i de 1 à n faire
 Répéter
 T[i] =, donnée
 Jusqu'à t[i]>=1000 et t[i]<=9999
Fin pour
Fin proc rempli

TDOL

Nom	Type
I	Entier

Analyse de la procédure affich

Def proc affich (t, v :tab ; n :entier)
Résultat = []
Pour i de 1 à n faire
 Si t[i] mod v[i] =0 alors écrire(t[i])
 Fin si
Fin pour
Fin proc affich

TDOL

Nom	Type
I	Entier

Analyse de la procédure transfer

Def proc transfer (t :tab ; n :entier ; var v :tab)

Résultat = v

Pour i de 1 à n faire

 Convch(t[i], ch)

 Pour j de 1 à long(ch) faire

 Valeur(ch[j], x, e)

 s ← s+x

 fin pour

 v[i] ← s

fin pour

fin proc transfer

TDOL

Nom	Type
I, x, e, s	Entier
Ch	Chaîne

Exercice n°2 :

Saisir une chaîne composée uniquement par des chiffres et 7 caractères au minimum, puis affiché si la chaîne saisie est divisible par 11 ou non en appliquant le principe suivant :

- faire la somme des indices paire de la chaîne (S1) et la somme des indices impairs de la chaîne (S2)
- si la valeur absolue de S1-S2 égale à 11 ou égale à 0, on affiche que la chaîne est divisible par 11 sinon le cas contraire.

Analyse principale :

Résultat = []

 Proc affich(ch)

 Ch= proc saisi(ch)

Fin ex

TDOG

Nom	Type
Ch	Chaîne

Analyse de la procédure saisi

Def proc saisi (var ch :chaîne)

Résultat = ch

Répéter

 ch= donnée

 s ← 0

```

pour i de 1 à long(ch) faire
  si ch[i] dans ["0".."9"] alors s ← s+1
fin si
fin pour
jusqu'à (long(ch) >= 7) et (s = long(ch))
fin proc saisi

```

TDOL

Nom	Type
I, s	Entier

Analyse de la procédure affich

```

Def proc affich (ch :chaîne)
Résultat [ ]
Si fn verif(ch) = vrai alors écrire("divisible par 11")
  Sinon écrire("non divisible par 11")
Fin si
Fin proc affich

```

TDOL

Nom	Type
Verif	Fonction

Analyse de la procédure verif

```

Def fn verif(ch :chaîne) : booleén
Résultat = verif
S1 ← 0
S2 ← 0
Pour I de 1 à long(ch) faire
  Valeur(ch[i], x, e)
  Si i mod 2 = 0 alors s1 ← s1+x
  Sinon s2 ← s2+x
Fin si
Fin pour

Si abs(s1+s2) dans [0, 11] alors verif ← vrai
Sinon verif ← faux
Fin si
Fin fn verif

```

TDOL

Nom	Type
S1, s2, i, x, e	Entier

Pascal :

```

program ex;
uses winCRT;
var
  ch:string;

```

```

{***** Les Modules *****)

```

```

procedure saisi(var ch:string);
var
x:longint;
e:integer;
begin
  repeat
    writeln('donner une chaîne');
    readln(ch);

    val(ch, x, e);
  until (length(ch)>=7) and (e=0);
end;

function verif(ch:string):boolean;
var
s1, s2, x, e, i:integer;
begin
  s1:=0;
  s2:=0;
  for i:=1 to length(ch) do
    begin
      val(ch[i],x, e);
      if i mod 2=0 then s2:=s2+x
      else s1:=s1+x;
    end;

    if abs(s1-s2) in [0,11] then verif:=true
    else verif:=false;
  end;

procedure affich (ch:string);
begin
  if verif(ch)=true then writeln('divisible par 11')
  else writeln('non divisible par 11');
end;

{***** PP *****}
begin
  saisi(ch);
  affich(ch);
end.

```

Exercice n°3 :

Saisir un tableau T par n entier positif de trois chiffres avec n compris entre 4 et 30, afficher si le tableau est palindrome ou non.

T

124	522	633	633	522	124
-----	-----	-----	-----	-----	-----

T est palindrome

T

124	514	633	633	522	124
-----	-----	-----	-----	-----	-----

T n'est pas palindrome

Brouillon :

- saisi taille → proc
- saisi tableau → proc
- Affichage → proc

Analyse principale :

Résultat = []
Proc affich (t, n)
T = Proc tableau(n, t)
N = Proc taille (n)

TDNT

Type
Tab = tableau [1..30] d'entier

TDOG

Nom	Type
N	Entier
T	Tab
Affich, tableau, taille	Procédure

Analyse de la procédure taille

Def proc taille (var n :entier)
Résultat = n
Répéter
 N = donnée
Jusqu'à n>=4 et n <=30
Fin proc taille

Analyse de la procédure tableau

Def proc tableau (n :entier ; var t :tab)
Résultat = t
Pour i de 1 à n faire
 Répéter
 T[i] = donnée
 Jusqu' t[i]>=100 et t[i]<=999
Fin pour

TDOL

Nom	Type
I	Entier

Analyse de la procédure affich

Def proc affich (t :tab ; n :entier)
Résultat = []
I ← 0
J ← n+1
Répéter
 I ← I+1

J ← j-1
Jusqu'à t[i] <> t[j] ou i >= j

Si i >= j alors écrire("palindrome ")
Sinon écrire("non palindrome")
Fin si
Fin proc affich

TDOL

Nom	Type
i, j	Entier

Pascal :

```
program ex;  
uses winCRT;  
type  
tab = array[1..30] of integer;  
var { les variables du pp }  
n:integer;  
t:tab;
```

```
{***** Les Modules *****}
```

```
procedure affich(t:tab ; n:integer);  
var  
i, j:integer;  
begin  
i:=0;  
j:=n+1;  
repeat  
i:=i+1;  
j:=j-1;  
until (i>=j) or (t[i]<>t[j]);  
  
if i>=j then writeln('palindrome ')  
else writeln('non palindrome');  
end;
```

```
procedure rempli(n:integer; var t:tab );  
var  
i:integer;  
begin  
for i:=1 to n do  
begin  
repeat  
writeln('donner t[' ,i, ']');  
readln(t[i]);  
until (t[i]>=100) and (t[i]<=999);  
end;  
end;
```

```

procedure taille (var n:integer);
begin
  repeat
    writeln('donner n ');
    readln(n);
  until (n>=4) and (n<=30);
end;

```

```

{***** PP *****}

```

```

begin
  taille(n);
  rempli(n, t);
  affich(t, n);
end.

```

Exercice n°4 :

Saisir une chaîne non vide contenant que des lettres alphabétiques afficher le nombre de touche à appuyer sur un téléphone portable pour saisir cette chaîne.

1	2	3
	A b c	D e f
4	5	6
G h I	J k L	M N O
7	8	9
P Q R S	T U V	W X Y Z

Exemple :

Ahmed = 1+2+1+2+1 = 7

Brouillon :

- saisir la chaîne → proc saisi
- calcul → fn calcul
- affiche → proc affich

Analyse principale :

Résultat = []

Proc affich (s)

S ← fn calcul (ch)

Ch = Proc saisi (ch)

Fin

TDOG

Nom	Type
Ch	Chaîne
S	Entier
Affich, saisi	Procédure
Calcul	Fonction

Analyse de la procédure affich

Def proc affich (s:entier)

Résultat = []

Écrire(s)

Fin proc affich

Analyse de la procédure saisi

```
Def proc saisi (var ch :chaîne)
Résultat = ch
Répéter
  Ch = donnée
  S ← 0
  Pour i de 1 à long(ch) faire
    Si majus(ch[i]) dans ["A".."Z"] alors s ← s+1
  Fin si
Fin pour
Jusqu'à (ch<>"") et ( s=long(ch))
```

TDOL

Nom	Type
I , s	Entier

Analyse de la fonction calcul

```
Def fn calcul (ch :chaîne) : entier
Résultat = calcul ← s
S ← 0
Pour i de 1 à long(ch) faire
  Si majus (ch[i]) dans["A","D","J","G","M","P","T","W"] alors s ← s+1
  Sinon Si majus (ch[i]) dans["B","E","H","K","N","R","U","X"] alors s ← s+2
  Sinon si majus(ch[i]) dans ["S","Z"] alors s ← s+4
  Sinon s ← s+3
Fin si
Fin pour
Fin fn calcul
```

TDOL

Nom	Type
S, i	Entier

Pascal :

```
program ex;
uses winCRT;
var { les variables du pp }
ch:string;
nb:integer;

{***** Les Modules *****)

procedure affich(nb:integer);
begin
  writeln('le nombre de touche est ', nb);
end;

procedure saisi(var ch:string);
var
  s :integer;
```

```

begin
  repeat
    writeln('donner une chaîne');
    readln(ch);

    s:=0;
    for i:=1 to length(ch) do
      begin
        if upcase(ch[i]) in ['A'..'Z'] then s:=s+1;
      end;
    until (ch<>") and (length(ch)=s);
  end;

```

```

function calcul(ch:string):integer;
var
  i, nb:integer;
begin
  nb:=0;
  for i:=1 to length(ch) do
    begin
      case upcase(ch[i]) of
        'A','D','G','J','M','P','T','W': nb:=nb+1;
        'B','E','H','K','N','Q','U','X': nb:=nb+2;
        'S','Z': nb:=nb+4;
        else nb:=nb+3;
      end;
    end;

    calcul:=nb;
  end;

```

```

{***** PP *****}

```

```

begin
  saisi(ch);
  nb:=calcul(ch);
  affich(nb);
end.

```

Chapitre 4 : Les algorithmes de tri & de recherche

I. Tri à bulles

1) Tri bull sur les types simple (entier, réel, caractère, chaîne)

```
Def proc tri_bull( var t : tab ; n :entier)
Résultat = t
Répéter
    Perm ← faux
    Pour i de 1 à (n-1) faire
        Si t[i]>t[i+1] alors
            Perm ←vrai
            Aux ←t[i]
            T[i] ←t[i+1]
            T[i+1] ←aux
    Fin si
Fi pour
Jusqu'à Perm= faux
Fin proc tri bull
```

TDOL

Nom	Type
Aux	De même type que les case du tableau
i	Entier
Perm	Booleén

2) Tri bull suivant la longueur de la chaîne

```
Def proc tri_bull( var t : tab ; n :entier)
Résultat = t
Répéter
    Perm ← faux
    Pour i de 1 à (n-1) faire
        Si long(t[i])>long(t[i+1]) alors
            Perm ←vrai
            Aux ←t[i]
            T[i] ←t[i+1]
            T[i+1] ←aux
    Fin si
Fi pour
Jusqu'à Perm= faux
Fin proc tri bull
```

TDOL

Nom	Type
Aux	Chaîne
i	Entier
Perm	Booleén

Pascal :

```
program ex;
uses wincrt;
type
tab = array[1..20] of string;
var
t:tab;
n:integer;

{***** les modules *****}

procedure tri_bulle(var t:tab ; n:integer);
var
i:integer;
aux:string;
perm:boolean;
begin
repeat
perm:=false;
for i:=1 to n-1 do
begin
if t[i]>t[i+1] then
begin
perm:=true;
aux:=t[i];
t[i]:=t[i+1];
t[i+1]:=aux;
end;
end;
until perm=false;
end;

procedure affiche(t:tab ; n:integer);
var
i:integer;
begin
for i:=1 to n do
begin
write(t[i], ' ');
end;
end;

procedure saisi(var n:integer; var t:tab);
var
i:integer;
begin
repeat
writeln('donner n ');
readln(n);
until n>0;

for i:=1 to n do
```

```

begin
  writeln('donner t[i,i]');
  readln(t[i]);
end;
end;

{***** PP *****)

```

```

begin
  saisi(n, t);
  tri_bull(t, n);
  affich(t, n);
end.

```

II. Tri insertion

1) Tri insertion sur les types simple (entier, réel, caractère, chaîne)

```

Def proc tri_insertion( var t : tab ; n : entier)
Résultat = t
Pour i de 2 à n faire
  Aux ← t[i]
  J ← i-1
  Tant que (aux < t[j]) et (j > 0) faire
    T[j+1] ← t[j]
    J ← j-1
  Fin tant que

  T[j+1] ← aux
Fin pour
Fin proc tri_insertion

```

TDOL

Nom	Type
Aux	De même type que les case du tableau
i, j	Entier
Perm	Booleén

2) Tri insertion suivant la longueur de la chaîne

```

Def proc tri_insertion( var t : tab ; n : entier)
Résultat = t
Pour i de 2 à n faire
  Aux ← t[i]
  J ← i-1
  Tant que (long(aux) < long(t[j])) et (j > 0) faire
    T[j+1] ← t[j]
    J ← j-1
  Fin tant que

  T[j+1] ← aux
Fin proc tri_insertion

```


Nom	Type
Aux	Chaîne
I	Entier
Perm	Booleén

Pascal :

```

program ex;
uses wincrt;
type
tab = array[1..20] of integer;
var
t:tab;
n:integer;

{***** les mdoules *****}

procedure tri_inser(var t:tab ; n:integer);
var
i, j:integer;
aux:integer;
begin
for i:=2 to n do
begin
aux:=t[i];
j:=i-1;

while (aux<t[j]) and (j>0) do
begin
t[j+1]:=t[j];
j:=j-1;
end;

t[j+1]:=aux;
end;
end;

procedure saisi( var n:integer; var t:tab );
var
i:integer;
begin
repeat
writeln('donner n ');
readln(n);
until n>0;

for i:=1 to n do
begin
writeln('donner t[' ,i, ']');
readln(t[i]);
end;
end;

```

```

procedure affich(t:tab ; n:integer);
var
i:integer;
begin
  for i:=1 to n do
  begin
    write(t[i], ' ');
  end;

  writeln;
end;

{***** PP *****}

begin
  saisi(n, t);
  affich(t, n);
  tri_inser(t, n);
  affich(t, n);
end.

```

III. Tri selection

1) Tri selection : les entiers, les réels, les caractères et sur les chaînes par ordre alphabétique

Analyse de la procédure tri selection

Def proc tri_select (var t :tab ; n :entier)

Résultat = T

Pour i de 1 à (n-1) faire

 p ← fn posmin(i, t, n)

 si i <> p alors

 aux ← t[i]

 t[i] ← t[p]

 t[p] ← aux

 fin si

fin pour

fin proc tri_select

TDOL

Nom	Type
i, p	Entier
Aux	De même type que les cases du tableau
Posmin	Fonction

Analyse de la fonction posmin

Def fn posmin (deb : entier ; t :tab ; n :entier) :entier

Résultat = posmin ← pmin

Pmin ← deb

Pour i de (deb+1) à n faire

 Si t[pmin] > t[i] alors pmin ← i

 Fin si

Fin pour

Fin fn posmin

TDOL

Nom	Type
i , pmin	Entier

2) Tri selection : suivant la longueur de la chaîne**Analyse de la procédure tri selection**

Def proc tri_select (var t :tab ; n :entier)

Résultat = T

Pour i de 1 à (n-1) faire

 p ← fn posmin(i, t, n)

 si i <> p alors

 aux ← t[i]

 t[i] ← t[p]

 t[p] ← aux

 fin si

fin pour

fin proc tri_select

TDOL

Nom	Type
i, p	Entier
Aux	Chaîne
Posmin	Fonction

Analyse de la fonction posmin

Def fn posmin (dep : entier ; t :tab ; n :entier) :entier

Résultat = posmin ← pmin

Pmin ← dep

Pour i de (dep+1) à n faire

 Si long(t[pmin]) > long(t[i]) alors pmin ← i

 Fin si

Fin pour

Fin fn posmin

TDOL

Nom	Type
i , pmin	Entier

Pascal :

```

program ex;
uses winCRT;
type
tab = array[1..20] of integer;
var
t:tab;
n:integer;

```

```

{***** les mdoules *****}

```

```

function posmin(deb:integer; t:tab ; n:integer):integer;
var
  pmin, i:integer;
begin
  pmin:=deb;

  for i:=(deb+1) to n do
    begin
      if t[pmin]>t[i] then pmin:=i;
    end;

  posmin:=pmin;
end;

```

```

procedure tri_select(var t:tab; n:integer);
var
  i, p:integer;
  aux:integer;
begin
  for i:=1 to n-1 do
    begin
      p:= posmin(i, t, n);
      if p<>i then
        begin
          aux:=t[i];
          t[i]:=t[p];
          t[p]:=aux;
        end;
    end;
  end;
end;

```

```

procedure saisi( var n:integer; var t:tab );
var
  i:integer;
begin
  repeat
    writeln('donner n ');
    readln(n);
  until n>0;

  for i:=1 to n do
    begin
      writeln('donner t[' ,i,']');
      readln(t[i]);
    end;
  end;
end;

```

```

procedure affich(t:tab ; n:integer);
var
  i:integer;
begin
  for i:=1 to n do
    begin
      write(t[i], ' ');
    end;
  end;
end;

```

```

    end;
end;

{***** PP *****}

begin
    saisi(n, t);
    tri_select (t, n);
    affich(t, n);
end.

```

Chapitre 5 : Les algorithmes arithmétiques

I. PPCM

Def fn PPCM (a, b :entier) :entier
 Résultat =

Si $a > b$ alors

Max $\leftarrow$ a
 Min $\leftarrow$ b
 Maxi $\leftarrow$ a

Sinon

Max $\leftarrow$ b
 Min $\leftarrow$ a
 Maxi $\leftarrow$ b

Fin si

Tant que (max mod min $\neq$ 0) faire

Max $\leftarrow$ max+maxi
Fin tant que
Fin fn PPCM

II. PGCD

Def fn PGCD (a, b :entier) : entier
Résultat = PGCD $\leftarrow$ a
Tant que (a<>b) faire
 Si a>b alors a $\leftarrow$ a-b
 Sinon b $\leftarrow$ b-a
 Fin si
Fin tant que
Fin fn PGCD

III. Nombre premier

Def fn premier(n :entier) :booleén
Résultat =
 Si (s=0) alors premier $\leftarrow$ vrai
 Sinon premier $\leftarrow$ faux
 Fin si

 [S $\leftarrow$ 0] pour i de 2 à (n-1) faire
 Si n mod i=0 alors s $\leftarrow$ s+1
 Fin si
 Fin pour
Fin fn premier

IV. Puissance

Def fn puis(x, n :entier) :entier
Résultat = puis $\leftarrow$ p
[p $\leftarrow$ 1] pour i de 1 à n faire
 P $\leftarrow$ P*x
 Fin pour
Fin fn puis

V. Factoriel

Def fn fact(n :entier) :entier
Résultat = fact $\leftarrow$ f
[f $\leftarrow$ 1] pour i de 1 à n faire
 F $\leftarrow$ F*i
 Fin pour
Fin fn fact

VI. La conversion entre bases de numération

1) Conversion des bases (10 vers base 2)

Def fb conv_10_2(n :entier) : chaîne
Résultat = conv_10_2 ← ch

Ch ← ""

Répéter

R ← N mod 2

N ← N div 2

Convch(r, c)

Ch ← c + ch

Jusqu'à n=0

Fin fn conv_10_2

2) Conversion des bases (10 vers base 8)

Def fb conv_10_8(n :entier) : chaîne
Résultat = conv_10_8 ← ch

Ch ← ""

Répéter

R ← N mod 8

N ← N div 8

Convch(r, c)

Ch ← c + ch

Jusqu'à n=0

Fin fn conv_10_8

3) Conversion des bases (10 vers base 16)

Def fb conv_10_16(n :entier) : chaîne
Résultat = conv_10_16 ← ch

Ch ← ""

Répéter

R ← N mod 16

N ← N div 16

Si r < 10 alors Convch(r, c)

Sinon c ← chr(r+55)

Fin si

Ch ← c + ch

Jusqu'à n=0

Fin fn conv_10_16

4) Conversion des bases (10 vers base qq)

Def fb conv_10_qq(n :entier ; b :entier) : chaîne
Résultat = conv_10_qq ← ch

Ch ← ""

Répéter

```

R ← N mod b
N ← N div b
Si r < 10 alors Convch(r, c)
    Sinon c ← chr(r+55)
Fin si

```

```

Ch ← c + ch
Jusqu'à n=0
Fin fn conv_10_qq

```

5) Conversion des bases (qq vers base 10)

```

Def fb conv_qq_10(n :entier ; b :entier ) : chaîne
Résultat = conv_qq_10 ← s
[s ← 0, j ← 0] pour i de long(ch) à 1 faire
    Si ch[i] dans ["A".."F"] alors x ← ord(ch[i])-55
        Sinon valeur(ch[i], x, e)
    Fin si

    S ← S + (x* puis(b, j))
    J ← J+1
Fin pour
Fin fn conv_qq_10

```

Série N°4

Exercice n°1 :

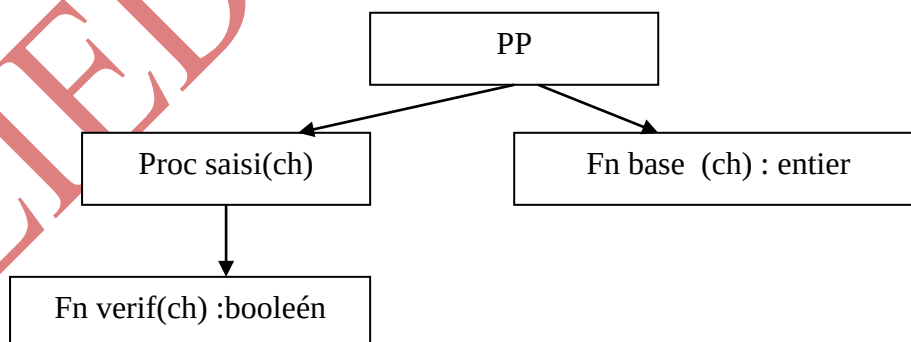
Ecrire un programme permettant de saisir une chaîne contenant que des chiffres et des lettres ('A'..'F') alphabétique. Afficher la base correspondant à cette chaîne.

Exemple :

1254 la base est 6

1542B → la base est 12

Brouillon :



Analyse Principale :

```

Résultat = écrire( b )
b ← Fn base(ch)
ch = proc saisi(ch)
fin ex

```

TDOG

Nom	Type
-----	------

b
Ch
Base
Saisi

Entier
Chaîne
Fonction
Procédure

Analyse de la procédure saisir

```
Def proc saisir(var ch :chaîne)
Résultat = ch
Répéter
    Ch = donnée
Jusqu'à verif(ch)= vrai
Fin proc saisir
```

Analyse de la fonction verif

```
Def fn verif(ch :chaîne) : booléen
Résultat = verif ← test
S ← 0
Pour i de 1 à long(ch) faire
    Si ch[i] dans ["0".."9", "A".."F"] alors s ← s+1

    Fin si
Fin pour

Si s=long(ch) alors test ← vrai
Sinon test ← faux
Fin si
Fin fn verif
```

TDOL

Nom	Type
I	Entier
Test	Booléen
S	Entier

Analyse de la fonction base

```
Def fn base (ch :chaîne) :entier
Résultat = base ← b
Max ← ch[1]
Pour i de 2 à long(ch) faire
    Si ch[i] > max alors max ← ch[i]
    Fin si
Fin pour

Si max dans ["A".."F"] alors b ← ord(max)-55+1
Sinon valeur (max, b, e)
    b ← b+1

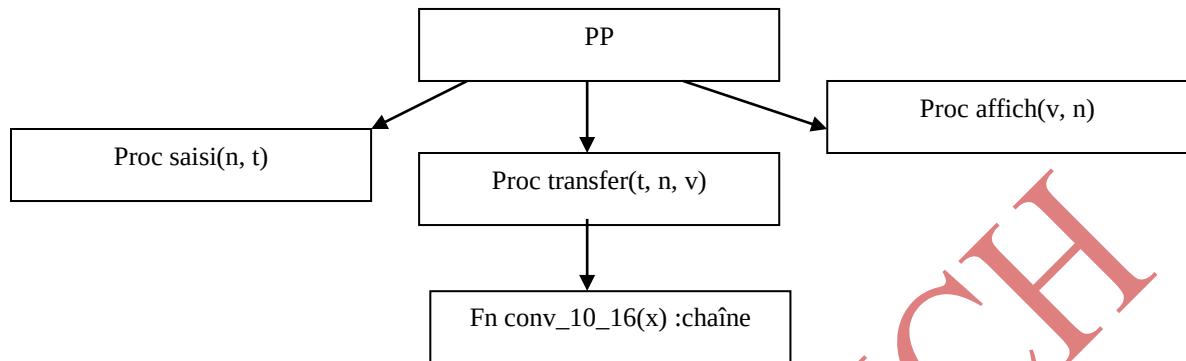
Fin si
Fin fn base
```

TDOL

Nom	Type
R i e	Entier

Exercice n°2 :

Ecrire un programme pascal permettant de saisir un tableau T par n entier positifs, puis transférer les éléments du tableau T dans un tableau V en base 16.

Brouillon :**Pascal :**

```

program ex;
uses wincrt;
type
tab_e = array[1..10] of integer;
tab_c= array[1..10] of string;
var
t:tab_e;
n:integer;
v:tab_c;

{***** Les Modules *****)

procedure saisi(var n:integer; var t:tab_e);
var
i:integer;
begin
repeat
writeln('donne n ');
readln(n);
until n>0;

for i:=1 to n do
begin
repeat
writeln('donner t[' ,i,']');
readln(t[i]);
until t[i]>0;
end;
end;

procedure affich(v:tab_c; n:integer);
var
i:integer;
begin

```

```

    for i:=1 to n do
    begin
        writeln(v[i]);
    end;
end;

function conv_10_16(n:integer):string;
var
    ch, c:string;
    r:integer;
begin
    ch:="";

    repeat

        r:= n mod 16;
        n := n div 16;
        if r<10 then str(r, c)
        else c:=chr(r+55);
        ch:=c+ch;

    until n=0;

    conv_10_16:=ch;
end;

procedure transfer(n:integer; t:tab_e; var v:tab_c);
var
    i:integer;
begin
    for i:=1 to n do
    begin
        v[i]:=conv_10_16(t[i]);
    end;
end;

{***** PP *****)
begin
    saisi(n, t);
    transfer(n, t, v);
    affich(v, n);
end.

```

Chapitre 6 : Les algorithmes récurrents

I. Calcul sur les suites:

1) 1ère ordre (Calculer les n premier terme de la suite avec n donnée) :

```
Def proc suite(n : entier)
Résultat = []
U ← valeur initialisation
Pour i de (indice +1) à n faire
    Up ← U
    U ← formule
    Ecrire (U)
Fin pour
Fin proc suite
```

2) 2ème ordre (Calculer les n premier terme de la suite avec n donnée) :

```
Def proc suite(n : entier)
Résultat = []
Up ← valeur initialisation 1
U ← valeur initialisation 2
Pour i de (indice +1) à n faire
    Upp ← Up
    Up ← U
    U ← formule
    Ecrire (U)
Fin pour
```

3) 1ère ordre (Calculer les termes de la suite jusqu'à la différence entre deux termes consécutif est $< 10^{-4}$) :

```
Def proc suite(? : type)
Résultat = []
U ← valeur
Répéter
    Up ← U
    U ← formule
Jusqu'à  $\text{abs}(U - U_p) < 10^{-4}$ 
Ecrire(U)
Fin proc suite
```

4) 2ème ordre (Calculer les termes de la suite jusqu'à la différence entre deux termes consécutif est $< 10^{-4}$) :

Def proc suite(n : entier)
Résultat = []
Up ← valeur1
U ← valeur 2
Répéter
 Upp ← Up
 Up ← U
 U ← formule)
Jusqu'à abs (U-Up) < 10^{-4}

Série N°5

Exercice 1 :

Ecrivez un programme permettant de calculer les n premiers termes de la suite de Héron définie par :

$U_0 = x$

$U_{n+1} = (U_n / 2) + (x / 2 U_n)$

Avec x un réel positif.

Analyse principale :

Résultat = proc suite_aff(n,a)
TT = proc saisi(a)
 Proc saisi(n)

Algorithme principal :

- 0) début ex
- 1) proc saisi_n (n)
- 2) proc saisi_x (x)
- 3) proc suite_aff (n,x)
- 4) fin ex

Analyse de la suite aff

Résultat = []
TT = [U ← a] pour i de 1 à n-1 faire
 U ← (U / 2) + (x / 2 U)
 Ecrire(U)
Fin pour

Algorithme de la suite aff

- 0) début procédure suite_aff(n,a : entier)
- 1) [U ← a] pour i de 1 à n-1 faire
 U ← (U / 2) + (x / 2 U)
 Ecrire(U)
Fin pour
- 2) fin proc suite_aff

Exercice n°2 :

Soit la suite $(P_i)_{i \text{ impair}}$ définie par :

$$\begin{cases} P_1 = 2 \\ \dots \dots \dots P_{i-1}, P_{i+1} \dots \dots \dots \end{cases}$$

Ecrire un programme Pascal qui permet de calculer et d'afficher les termes de la suite P jusqu'à ce que la différence entre deux termes consécutifs devient inférieure ou égale à 10^{-4} .

Pascal :

```

program ex;
uses wincrt;
var
  U:real;

{***** Les Modules *****}

procedure suite_aff(U:real);
var
  i:integer;
  Uav:real;
begin
  i:=1;
  repeat
    i:=i+2;
    Uav:=U;

    U:=Uav*((i-1)/i)*((i+1)/i);
    writeln(U:0:5,' l difféere est ',abs(U- Uav):0:6);
  until abs(U- Uav)<1e-4;
end;

{***** PP *****}

begin
  U:=2;
  suite_aff(U);
end.

```

Exercice n°3 :

Ecrire un programme Pascal qui permet de calculer puis d'afficher la racine carrée d'un réel positif x donné en utilisant la suite suivante :

Il s'agit de calculer les premiers termes de cette suite jusqu'à ce que la différence entre deux termes successifs devient inférieure ou égale à 10^{-4} .

Le dernier terme calculé est une valeur approchée de $\sqrt{x}$ à 10^{-4} près.

$$\begin{cases} U_0 = (1 + x) / 2 \\ U_{n+1} = (U_n + x/U_n) / 2 \end{cases}$$

```

program ex;
uses wincrt;
var
  U,x:real;

```

{***** Les Modules *****}

```
procedure saisi(var x:real);  
begin  
  repeat  
    writeln('donner x');  
    readln(x);  
  until x>0;  
end;
```

```
procedure suite_aff(x:real);  
var  
  Uav:real;
```

```
begin  
  U:=(1+x)/2;
```

```
  repeat  
    Uav:=U;  
    U:=(Uav +(x/Uav))/2;  
  until abs(U-Uav)<1e-4;
```

```
  writeln(U:0:2);  
end;
```

{***** Les Modules *****}

```
begin  
  saisi(x);  
  suite_aff(x);  
end.
```

Série N°6

Exercice 1 :

Sachant que $\sin(x) = \frac{x}{1!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \dots$

pour x très proche de zéro.

Ecrire un programme Pascal qui permet d'afficher sin(x) en utilisant la formule ci-dessus.

Le calcul s'arrête quand la différence entre deux termes consécutifs devient inférieure ou égale à 10^{-4} . La dernière somme calculée est une valeur approchée de sin(x).

N.B :

La solution doit comporter au moins une fonction et une procédure.

Pascal :

```
program ex;
uses winCRT;
var
x:real;
```

```
{***** Les Modules *****}
```

```
{***** fonction puissance *****}
```

```
function puis(x:real; n:integer):real;
var
i:integer;
p:real;
begin
p:=1;
for i:=1 to n do
begin
p:=p*x;
end;

puis:=p;
end;
```

```
{***** fonction factoriel *****}
```

```
function fact(n:integer):integer;
var
i,f:integer;
begin

f:=1;
for i:=1 to n do
begin
f:=f*i;
end;
```



```

end;
fact:=f;
end;

function calcul(x:real):real;
var
i,j:integer;
sav,s:real;

begin

s:=0;
i:=1;
j:=0;

repeat
j:=j+1;

sav:=s;
if j mod 2<>0 then s:=sav+(puis(x,i)/fact(i))
else s:=sav-(puis(x,i)/fact(i));
i:=i+2;
until abs(s-sav)<=1e-4;

calcul:=s;
end;

{***** PP *****}

begin
writeln('donner x');
readln(x);

writeln(calcul(x):0:3);
end.

```

Exercice n°2 :

Soit la somme S_n suivante :

$$S_n = 1/11 + 3/22 + 5/33 + 7/44 + \dots + (2n-1)/nn$$

Ecrire un programme Pascal intitulé SOMME permettant de calculer et d'afficher la somme S_n pour un entier n positif donné < 10 en utilisant la formule ci-dessus.

N.B :

La solution doit comporter au moins deux modules.

Analyse :

Résultat= somme

TT = somme $\leftarrow$ s

[s $\leftarrow$ 0] pour i de 1 à n faire

S $\leftarrow$ s+((2*i) - 1)/((i*10)+i)

Fin pour

Analyse principale :

Résultat= écrire(somme(n))

TT = saisi(n)

Exercice n°3 :

Soit la somme S_n suivante :

Sachant que $6 + 6/2^2 + 6/3^2 + 6/4^2 + \dots + 6/n^2$ tend vers π^2 , écrire un programme Pascal permettant de calculer puis d'afficher une valeur approchée de π^2 . Le calcul s'arrête quand la différence entre deux termes consécutifs devient inférieure ou égale à 10^{-4} .

Algorithme somme :

- 0) fonction somme (i : entier) : réel
- 1) $s \leftarrow 0$ répéter
 - $i \leftarrow i + 1$;
 - $s_{av} \leftarrow s$
 - $S \leftarrow s_{av} + (6/\text{carrée}(i))$
 - Jusqu' à $\text{abs}(s - s_{av}) \leq 10^{-4}$
- 2) somme $\leftarrow s$
- 3) fin fonction somme

Algorithme principal :

- 0) début ex
- 1) $i \leftarrow 0$
- 2) écrire(somme(i))
- 3) fin ex

Exercice n°4 :

Soit l'expression mathématique suivante : $\pi/4 = 1 - 1/3 + 1/5 - 1/7 + 1/9 - \dots$

Écrire un programme Pascal qui utilise l'expression ci-dessus pour déterminer et afficher une valeur approchée de π à 10^{-4} près.

N.B :

1. Le calcul s'arrête quand la différence entre deux valeurs consécutives de cette expression devient strictement inférieure à 10^{-4} .
2. La solution doit comporter au moins une fonction et une procédure.

Algorithme somme :

- 0) fonction somme(i : entier) : réel
- 1) $s \leftarrow 1, j \leftarrow 0$ répéter
 - $i \leftarrow i + 2$
 - $s_{av} \leftarrow s$
 - Si $j \bmod 2 > 0$ alors $S \leftarrow s_{av} + (1/i)$
 - Sinon $s \leftarrow s_{av} - (1/i)$
 - $j \leftarrow j + 1$
 - Jusqu'à $\text{abs}(s - s_{av}) \leq 10^{-4}$
- 2) somme $\leftarrow S$

Exercice n°5 :

Soient deux entiers récurrentes u et v :

$$V_0 = 0 \quad V_{n+1} = \sqrt{\frac{1 + V_n}{2}}$$

Et $U_0 = 2$ $U_{n+1} = \frac{U_n}{V_{n+1}}$

Calculer la suite U_n et V_n .

Algorithme somme :

- 0) procédure suite(n :entier)
- 1) [$U \leftarrow 2, V \leftarrow 0$] pour i de 1 à n faire
 - $V \leftarrow \text{racine}((1+v)/2)$
 - $U \leftarrow U/V$
 - Ecrire(U , V)
- Fin pour
- 2) fin procédure suite

Exercice n°6 (examen 20/02/2012)

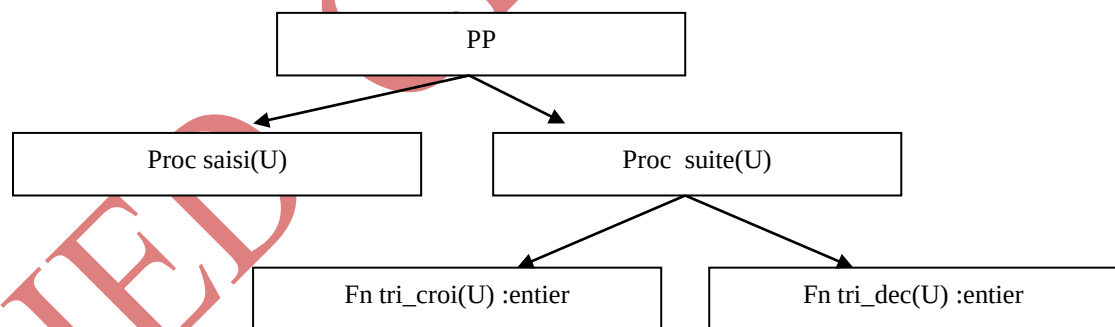
Soit U_0 un nombre de quatre chiffre, on forme à l'aide de quatre chiffres de U_0 le plus grand entier naturel Max et le plus petit entier naturel Min. leurs différence (max-min) donne un nombre U_1 , on refait le travail pour U_1 et on obtient ainsi une suite. Cette suite est stationnaire c'est-à-dire qu'elle devient constante à partir d'un certain rang. Ecrire une analyse d'un programme qui calcul et affiche les termes de la suite et jusqu'à ce qu'elle devienne constante. Le premier terme U_0 est un entier donné de quatre chiffres.

Exemple :

2541

5421 - 1245 = 4176

7641 - 1467 =



Pascal :

```

program ex;
uses winCRT;
var
u:integer;
  
```

```

{***** Les Modules *****)
  
```

```

function tri_croi(n:integer):integer;
var
  ch:string;
  i,x ,e:integer;
  aux:char;
  perm:boolean;
  henin
  
```

```

str(n, ch);
repeat
  perm:=false;
  for i:=1 to length(ch)-1 do
    begin
      if ch[i]>ch[i+1] then
        begin
          perm:=true;
          aux:=ch[i];
          ch[i]:=ch[i+1];
          ch[i+1]:=aux;
        end;
      end;
    until perm=false;

    val(ch, x, e);
    tri_croi:=x;
  end;

```

```

function tri_dec(n:integer):integer;
var
  ch:string;
  i,x ,e:integer;
  aux:char;
  perm:boolean;
begin
  str(n, ch);
  repeat
    perm:=false;
    for i:=1 to length(ch)-1 do
      begin
        if ch[i]<ch[i+1] then
          begin
            perm:=true;
            aux:=ch[i];
            ch[i]:=ch[i+1];
            ch[i+1]:=aux;
          end;
        end;
      until perm=false;

      val(ch, x, e);
      tri_dec:=x;
    end;

```

```

procedure suite(u:integer);
var
  up:integer;
begin
  repeat
    up:=u;
    u:=tri_dec(up)-tri_croi(up);
    writeln(u);
  until (up=u);
end;

```

```

procedure saisi(var u:integer);
begin
  repeat
    writeln('donner U');
    readln(u);
  until (u>=1000) and (u<=9999);
end;

```

```

{***** PP *****}

```

```

begin
  saisi(u);
  suite(u);
end.

```

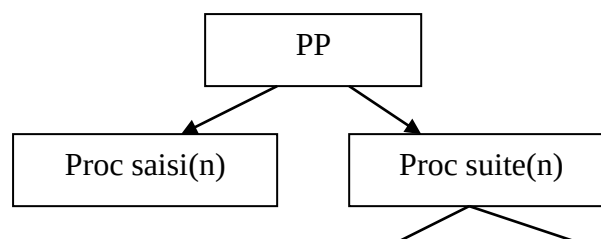
Série N°7

Exercice 1 :

Ecrivez un programme permettant de calculer et afficher les n premiers termes de la suite suivante :

$$U_0 = 2$$

$$U_n = (U_{n-1}!) + (U_{n-1})^n$$



Fn fact(n) :entier

Fn puis(x, n) :entier

Analyse principale

Résultat = pro suite(n)
N = proc saisi(n)
Fin ex

TDOG

Nom	Type
N	Entier
Suite, saisi	Procédure

Analyse de la procédure suite

Def proc suite(n :entier)
Résultat = []
U ← 2
Pour i de 1 à n faire
 Up ← U
 U ← fn fact(Up) + fn puis(Up, i)
 Ecrire(U)
Fin pour
Fin proc suite

TDOL

Nom	Type
U, i, Up	Entier
Fact , puis	Fonction

Analyse de la fonction fact

Def fn fact(n :entier) :entier
Résultat = fact ← F
F ← 1

Pour i de 1 à n faire
 F ← F*i
Fin pour
Fin fn fact

TDOL

Nom	Type
i, F	Entier

Analyse de la fonction puis

Def fn puis (X, n :entier)
Résultat = puis ← P
P ← 1
Pour i de 1 à n faire
 P ← P*X
Fin pour

Fin fn puis

TDOL

Nom	Type
l, p	Entier

Analyse de la procédure saisi

Def proc saisi (var n :entier)
Résultat = n
Répéter
 N = donnée
Jusqu'à n>0
Fin proc saisi

Exercice 2 :

Ecrivez un programme permettant de calculer les n premiers termes de la suite de Héron définie par :

$U_0 = x$

$U_1 = x+1$

$U_n = (U_{n-1} / 2) + (x/2 * U_{n-2})$

Avec x un réel positif donnée et $n \geq 2$.

Analyse principale (suite de 2ème ordre):

Résultat = proc suite (x, n)
 Proc saisi (x, n)
Fin ex

TDOL

Nom	Type
X	Réel
N	Entier
Suite, saisi	Procédure

Analyse de la procédure suite

Def proc suite(x :réel ; n :entier)
Résultat = []
[Up ← x, U ← x+1]
pour i de 2 à n faire
 Upp ← Up
 Up ← U
 U ← (Up/2) + (x/2Upp)
 Ecrire(U)
Fin pour
Fin proc suite

TDOL

Nom	Type
U, Up, Upp	Réel
l	Entier

Analyse de la procédure saisi

```

Def proc saisi (var x :réel ; var n :entier)
Résultat = x, n
X= répéter
    X= donnée
    Jusqu'à x>0
N= répéter
    N = donnée
    Jusqu'à n>=2
Fin proc saisi

```

Exercice n°3 :

Soit la suite suivante :

$$U_1 = 1$$

$$U_2 = 1$$

$$U_n = 4 * U_{n-1} + 2 * U_{n-2} \text{ (pour } n > 2)$$

Pour un entier N donnée, calculez et affichez les n premier termes de la suite.

Analyse principale :

```

Résultat = proc suite (n)
    Proc saisi (n)
Fin ex

```

TDO

Nom	Type
N	Entier
Suite, saisi	Procédure

Analyse de la procédure suite

```

Def proc suite(n :entier)
Résultat = []
[Up←1, U←1]
pour i de 3 à n faire
    Upp←Up
    Up←U
    U←4*Up +2*Upp
    Ecrire(U)
Fin pour
Fin proc suite

```

TDOL

Nom	Type
U, Up, Upp	entier
i	Entier

Analyse de la procédure saisi

```

Def proc saisi (var n :entier)
Résultat = x, n
N= rénéter

```


N = donnée
 Jusqu'à $n > 2$
 Fin proc saisi

Exercice n°4 :

Soient deux suites U et V définies par :

$$U_1 = 1 \text{ et } U_2 = 2$$

$$U_n = U_{n-1} + U_{n-2} \text{ pour } n \geq 3$$

$$V_n = U_n / U_{n-1} \text{ pour } n \geq 2$$

La suite V_n tend vers une limite appelé nombre d'or.

On suppose que le n ème terme de la suite V soit V_n . Don un nombre approché du nombre d'or avec une précision epselon des que $|V_n - V_{n-1}| < \text{epselon}(10^{-4})$

Analyse de la procédure suite

Def proc suite ;
 Résultat = écrire(V)
 $[U \leftarrow 2, U_p \leftarrow 1, V \leftarrow U/U_p]$
 Répéter
 $U_{pp} \leftarrow U_p$
 $U_p \leftarrow U$
 $V_p \leftarrow V$
 $U \leftarrow U_p + U_{pp}$
 $V \leftarrow U/U_p$
 Jusqu'à $\text{abs}(V - V_p) < 10^{-4}$
 Fin proc suite

TDOL

Nom	Type
U_{pp}, U, U_p	Entier
V, V_p	Réel

Exercice 5 :

Soit la suite définie par :

$$U_0 = N/2$$

$$U_{n+1} = (U_n + N/U_n)/2$$

- Ou n est un entier naturel donnée.
- En admettant que sa convergence, vérifiez que sa limite est racine de N.
- Calculer ses termes successives, tant que la différence entre deux termes consécutifs dépasse 10^{-6} , c'est à dire $|U_{n+1} - U_n| > 10^{-6}$.
- Afficher le nombre d'itération effectué

Pascal :

```
program ex;
uses winCRT;
var
n:integer;

{***** Les Modules *****)

procedure saisi(var n:integer);
begin
```

```

repeat
    writeln('donner n ');
    readln(n);
until n>0;
end;

procedure suite(n:integer);
var
    i:integer;
    up, u:real;
begin
    u:=n/2;
    repeat
        up:=u;
        u:=(up + n/up)/2
    until abs(u-up)<=1e-6;

    writeln(u:0:3);
end;

{***** PP *****}

begin
    saisi(n);
    suite(n);
end.

```

II. Triangle de pascal :

```

Def proc triagle_pas(var m :mat ; n :entier)
Résultat = m
M[1,1]←1
M[2,1]←1
M[2,2]←1
Pour L de 3 à N faire
    Pour C de 1 à L faire
        Si (C=1) ou (c=L) alors M[L, C]←1
        Sinon M[L, C] ← M[L-1, C-1]+ M[L-1, C]
    Fin si
Fin pour
Fin proc triagle_pas

```

TDOL

Nom	Type
L, C	Entier

Pascal :

```

program ex;
uses wincrt;
type
    mat = array[1..10, 1..10] of integer;
var
    m:mat;
    n:integer;

```

```
{***** Les Modules *****}
```

```
procedure saisi(var n: integer);  
begin  
  repeat  
    writeln('donner n ');  
    readln(n);  
  until n>=3;  
end;
```

```
procedure triangle_pas(n:integer; var m:mat);  
var  
  L, C:integer;  
begin  
  m[1,1]:=1;  
  m[2,1]:=1;  
  m[2,2]:=1;  
  
  for L:=3 to n do  
  begin  
    for c:=1 to L do  
    begin  
      if (c=1) or (c=L) then m[L, C]:=1  
      else M[L, c]:=m[L-1, c-1]+M[L-1,c];  
    end;  
  end;  
end;
```

```
procedure affich(m:mat; n:integer);  
var  
  l, c:integer;  
begin  
  for l:=1 to n do  
  begin  
    for c:=1 to L do  
    begin  
      write(m[l,c]:5);  
    end;  
    writeln;  
  end;  
end;
```

```
{***** PP *****}
```

```
begin  
  saisi(n);  
  triangle_pas(n, m);  
  affich(m, n);  
end.
```

Série N°8

Exercice 1 :

Saisir une matrice de façon aléatoire qui contient des entiers compris entre 10 et 50, sachant que la matrice est carrée de N ligne et colonne, avec n compris entre 3 et 10.

travail demandé :

- afficher la matrice.
- Calculer la somme de 1ere diagonale.
- Calculer la somme 2^{ème} diagonale.
- Trier chaque ligne de la matrice par ordre croissant.
- La somme de chaque colonne.
- La somme total de la matrice.

Pascal :

```
program ex;
uses wincrt;

type
mat = array[1..10, 1..10] of integer;
var
m:mat;
n:integer;

{***** Les Modules *****}

procedure saisi(var n:integer; var m:mat);
var
i,j :integer;
begin
randomize;
```

```

repeat
    writeln('donner n ');
    readln(n);
until (n>=3) and (n<=10);

for i:=1 to n do
begin
    for j:=1 to n do
    begin
        m[i,j]:=random(50-10+1)+10;
    end;
end;
end;

procedure tri_tab(nl:integer; n:integer;var m:mat);
var
    i:integer;
    aux:integer;
    perm:boolean;
begin
    repeat
        perm:=false;
        for i:=1 to n-1 do
            begin
                if m[nl,i]>m[nl, i+1] then
                    begin
                        perm:=true;
                        aux:=m[nl,i];
                        m[nl, i]:=m[nl,i+1];
                        m[nl, i+1]:=aux;
                    end;
            end;
        until perm=false;
    end;

procedure tri(var m:mat ; n:integer);
var
    i:integer;
begin
    for i:=1 to n do
        begin
            tri_tab(i, n, m);
        end;
    end;

procedure affich (m:mat; n:integer);
var
    i, j:integer;
begin
    for i:=1 to n do
        begin
            for j:=1 to n do
                begin
                    write(m[i, j]:5);

```

```

        end;
        writeln;
    end;
end;

function somme1(m:mat; n:integer):integer;
var
    s, i:integer;
begin
    s:=0;
    for i:=1 to n do
        begin
            s:=s+m[i, i];
        end;

        somme1:=s;
    end;

function somme2(m:mat; n:integer):integer;
var
    s, i:integer;
begin
    s:=0;
    for i:=1 to n do
        begin
            s:=s+m[i, n-i+1];
        end;

        somme2:=s;
    end;

function somme(m:mat; n:integer):integer;
var
    s, i, j:integer;
begin
    s:=0;
    for i:=1 to n do
        begin
            for j:=1 to n do
                begin
                    s:=s+m[i, j];
                end;
            end;

            somme:=s;
        end;

procedure somme_col(m:mat; n:integer);
var
    s, i, j:integer;
begin
    for j:=1 to n do
        begin
            s:=0;
            for i:=1 to n do

```

```

begin
    s:=s+m[i,j];
end;
writeln(s);
end;
end;

```

```

{***** PP *****}

```

```

begin
    saisi(n, m);
    affich(m, n);
    writeln('la somme de 1er diago est ',somme1(m, n));
    writeln('la somme de 2eme diago est ', somme2(m, n));
    tri(m, n);
    writeln('*****');
    affich(m, n);
    somme_col(m, n);
    writeln('somme total est ', somme(m, n));
end.

```

Exercice n°2 :

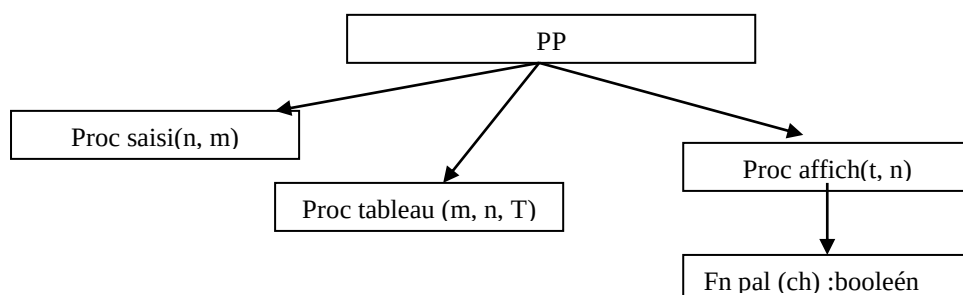
Saisir une matrice carré par N lettre majuscule, avec c compris entre 4 et 30 concaténer chaque ligne de la matrice et le mettre dans un tableau T. Afficher à partir du tableau T que les chaîne palindrôme.

Exemple :

A	L	I	P
R	D	R	D
A	D	C	A
C	B	B	C

T			
ALIP	RDRD	ADCA	CBBC

Les chaînes palindrome sont CBBC



Pascal :

```
program ex;  
uses wincrt;
```

```
type  
mat=array[1..10,1..10] of char ;  
tab = array[1..10] of string;
```

```
var  
m:mat;  
n:integer;  
t:tab;
```

```
{***** Les Modules *****}
```

```
procedure saisi(var n:integer; var m:mat);  
var  
i, j:integer;  
begin  
  repeat  
    writeln('donner n ');  
    readln(n);  
  until (n>=4) and (n <=30);
```

```
  for i:=1 to n do  
  begin  
    for j:=1 to n do  
    begin  
      writeln('donner m['',i','',j,''];  
      readln(m[i,j]);  
    end;  
  end;  
end;
```

```
procedure tableau(m:mat; n:integer; var t:tab);  
var  
i, j:integer;  
begin  
  for i:=1 to n do  
  begin  
    t[i]:= "";  
    for j:=1 to n do  
    begin  
      t[i]:=t[i]+m[i,j];  
    end;  
  end;  
end;
```

```
function pal(ch:string):boolean;  
var  
i, j:integer;  
begin  
  i:=0;  
  j:=length(ch)+1;
```



```

repeat
    i:=i+1;
    j:=j-1;
until (ch[i]<>ch[j]) or (i>=j);

if i>=j then pal:=true
else pal:=false;
end;

procedure affich(t:tab; n:integer);
var
    i:integer;
begin
    for i:=1 to n do
        begin
            if pal(t[i])=true then writeln(t[i]);
        end;
    end;
end;

{***** PP *****)

begin
    saisi(n, m);
    tableau(m, n, t);
    affich(t, n);
end.

```

Série N°9

Exercice 1 :

Saisir une matrice carrée de taille n avec n compris entre 5 et 20, sachant que la matrice M contient que des entiers positifs.

- Afficher la matrice
- Afficher la somme de la matrice.

Brouillon :

- saisi taille de la matrice n et saisir la matrice M → proc
- afficher la matrice → proc
- la somme matrice → fn

Analyse programme principale

Résultat = écrire (fn somme(m, n))
Proc affich(m, n)
Proc saisi (m, n)

Fin ex

TDNT

TYPE
MAT = tableau [1..10, 1..10] d'entier

TDOG

Nom	Type
M	Mat
N	Entier
somme	Fn
Saisi, affich	Proc

Analyse de la procédure saisi

Def proc saisi (var m :mat ; var n :entier) ;

Résultat = m, n

M=

Pour i de 1 à n faire

 Pour j de 1 à n faire

 M[i, j]=donnée

 Fin pour

Fin pour

Répéter

 N= donner

Jusqu'à n dans [?.. ?]

Fin proc saisi

TDOL

Nom	Type
I, j	Entier

Analyse de la fonction somme

Def fn somme (m :mat ; n :entier) :entier;

Résultat = somme ← s

[s ← 0]

Pour i de 1 à n faire

 Pour j de 1 à n faire

 S ← s + M[i, j]

 Fin pour

Fin pour

Fin proc saisi

TDOL

Nom	Type
I, j, s	Entier

Analyse de la procédure affich

Def proc affich (m :mat ; n :entier)

Résultat = []

Pour i de 1 à n faire

 Pour j de 1 à n faire

 Écrire(M[i, j])

 Fin pour

Fin pour

Fin proc saisi

TDOL

Nom	Type
I, j, s	Entier

Pascal :

```
program ex;
```

```
uses winCRT;
```

```
type
```

```
mat = array[1..20, 1..20] of integer;
```

```
var
```

```
n:integer;
```

```
m:mat;
```

```
{***** Les Modules *****}
```

```
procedure saisi(var n:integer; var m:mat);
```

```
var
```

```
  i, j:integer;
```

```
begin
```

```
  repeat
```

```

        writeln('donner n ');
        readln(n);
        until (n>=3) and (n<=20);

        for i:=1 to n do
        begin
            for j:=1 to n do
            begin
                repeat
                    writeln('donner m[' ,i,' ',j,']');
                    readln(m[i,j]);
                    until m[i, j]>0;
                end;
            end;
        end;

        procedure affich(m:mat; n:integer);
        var
            i, j:integer;
        begin
            for i:=1 to n do
            begin
                for j:=1 to n do
                begin
                    write(m[i,j]:5);
                end;
                writeln;
            end;
        end;

        function somme(m:mat; n:integer):integer;
        var
            i, j, s:integer;
        begin
            s:=0;
            for i:=1 to n do
            begin
                for j:=1 to n do
                begin
                    s:=s+m[i,j];
                end;
            end;

            somme:=s;
        end;

{***** PP *****}

begin
    saisi(n, m);
    affich(m, n);
    writeln('la somme est ', somme(m, n));

```

end.

Exercice n°2 :

Saisir une matrice carrée de taille n avec n compris entre 5 et 20, sachant que la matrice M contient que des entiers positifs.

- La somme de la 1^{ère} diagonale. _____
- La somme de la 2^{ème} diagonale.

2				
	5	7	1	9
14	5	8	0	1
5	7	9	1	11
10	52	69	14	13
7	10	44	3	7

Analyse programme principale

Résultat = écrire (fn somme1(m, n), fn somme2(m, n))

Proc saisi (m, n)

Fin ex

TDNT

TYPE

MAT = tableau [1..10, 1..10] d'entier

TDOG

Nom	Type
M	Mat
N	Entier
Somme1, somme2,	Fn

Analyse de la procédure saisi

Def proc saisi (var m :mat ; var n :entier) ;

Résultat = m, n

M=

Pour L de 1 à n faire

 Pour C de 1 à n faire

 M[L, C]=donnée

Fin pour
Fin pour

Répéter
N= donner
Jusqu'à n dans [?.. ?]
Fin proc saisi

TDOL

Nom	Type
L, C	Entier

Analyse de la fonction somme1

Def fn somme1 (m :mat ; n :entier) :entier;
Résultat = somme1 ← s
[s ← 0]
Pour L de 1 à n faire
 S ← s + M[L, L]
Fin pour
Fin proc somme1

TDOL

Nom	Type
L, s	Entier

Analyse de la fonction somme2

Def fn somme2 (m :mat ; n :entier) :entier;
Résultat = somme2 ← s
[s ← 0]
Pour L de 1 à n faire
 S ← s + M[L, n-L+1]
Fin pour
Fin proc somme2

TDOL

Nom	Type
L, s	Entier

Exercice n°3

Saisir une matrice carrée de taille n avec n compris entre 5 et 20, sachant que la matrice M contient que des entiers positifs, afficher la somme de chaque ligne.

Analyse programme principale

Résultat = proc somme_lig(m, n)
 Proc saisi (m, n)
Fin ex

TDNT

TYPE
MAT = tableau [1..10, 1..10] d'entier

TD0G

Nom	Type
M	Mat
N	Entier
Somme	Fn

Analyse de la procédure saisi

```
Def proc saisi (var m :mat ; var n :entier) ;  
Résultat = m, n  
M=  
Pour L de 1 à n faire  
  Pour C de 1 à n faire  
    M[L, C]=donnée  
  Fin pour  
Fin pour  
  
Répéter  
  N= donner  
Jusqu'à n dans [ ?.. ?]  
Fin proc saisi
```

TDOL

Nom	Type
L, C	Entier

Analyse de la procédure somme_lig

```
Def proc somme_ligne(m : mat ; n :entier)  
Résultat  
Pour i de 1 à N faire  
  S←0  
  Pour j de 1 à N faire  
    S←S+m[i, j]  
  Fin pour  
  Ecrire(s)  
Fin pour
```

TDOL

Nom	Type
i, j, s	Entier

Pascal :

```
program ex;  
uses winctx;  
type  
mat = array[1..20, 1..20] of integer;  
var  
s1, s2, n:integer;  
m:mat;  
  
{***** Les Modules *****}  
  
procedure saisi(var n:integer; var m:mat);
```

```

var
  i, j: integer;
begin
  repeat
    writeln('donner n ');
    readln(n);
  until (n >= 3) and (n <= 20);

  for i := 1 to n do
  begin
    for j := 1 to n do
    begin
      repeat
        writeln('donner m[' , i , ' , ' , j , ' ]');
        readln(m[i, j]);
      until m[i, j] > 0;
    end;
  end;
end;

procedure somme_lig(m: mat ; n: integer);
var
  i, j, s : integer;
begin
  for i := 1 to n do
  begin
    s := 0;
    for j := 1 to n do
    begin
      s := s + m[i, j];
    end;
    writeln('la somme de la ligne ' , i , ' est ' , s);
  end;
end;

{***** PP *****)
begin
  saisi(n, m);
  somme_lig(m, n);
end.

```

Exercice n°4 :

Ecrire un programme permettant de saisir une matrice de L ligne et C colonne, avec L compris entre 2 et 5 et C est compris entre 3 et 7.

Afficher la valeur maximale de la matrice.

Afficher la valeur maximale de chaque ligne

Afficher la valeur minimale de chaque colonne

5	2	11	3
---	---	----	---

4	8	21	3
7	16	1	0

La valeur maximale de la matrice est 21

La valeur maximale pour chaque ligne :

- ligne 1 = 11
- ligne 2 = 21
- ligne 3 = 16

Analyse principale :

Résultat = écrire(fn max(M, L, C))
 Proc affich_max (M, L, C)
 Proc saisi (M, L, C)

Fin ex

TDNT

Type
Mat = tableau [1..5, 1..7] d'entier

TDO

Nom	Type
M	Mat
L, C	Entier
saisi, affich_max	Procédure
max	Fonction

Analyse de la procédure saisi

Def proc saisi(var L, c :entier ; var m :mat)

Résultat = l, c, m

Répéter

L= donnée

Jusqu'à L dans [2..5]

Répéter

C= donnée

Jusqu'à C dans [3..7]

Pour i de 1 à L faire

Pour j de 1 à C faire

M[i, j]=donné

Fin pour

Fin pour

Fin proc saisi

TDOL

Nom	Type
l, j	Entier

Analyse de la procédure affich_max

```

def proc affich_max(m :mat ; L, C :entier)
résultat = []
[] = Pour i de 1 à L faire
    Max ← m[i,1]
    Pour j de 2 à C faire
        Si max < m[i, j] alors max ← m[i, j]
    Fin si
    Fin pour
    Ecrire(max)
Fin pour
Fin proc affich_max

```

TDOL

Nom	Type
i, j, max	Entier

Analyse de la fonction max

```

Def fn max (M :mat ; L, C :entier) :entier
Résultat = max ← maxi
[maxi ← m[1,1]]
Pour i de 1 à L faire
    Pour j de 1 à C faire
        Si maxi < m[i, j] alors maxi ← m[i, j]
    Fin si
    Fin pour
Fin pour
Fin fn max

```

TDOL

Nom	Type
i, j	Entier

Analyse de la procédure affich_min

```

def proc affich_min(m :mat ; L, C :entier)
résultat = []
[] = Pour j de 1 à C faire
    Max ← m[1,j]
    Pour j de 2 à L faire
        Si min > m[i, j] alors min ← m[i, j]
    Fin si
    Fin pour
    Ecrire(min)
Fin pour
Fin proc affich_min

```

TDOL

Nom	Type
i, j, min	Entier

Exercice n°5 :

Ecrire un programme permettant de saisir une matrice carré de n entier, avec n compris entre

4 et 10, afficher la valeur maximale dans sa ligne et le minimum dans sa colonne.
Exemple :

5	25	15	9
20	30	4	5
1	30	6	38
-1	36	4	14

Le programme affiche 25, parce que c'est le maximum dans sa ligne et le minimum dans sa colonne.

Pascal :

```

program ex;
uses winCRT;
type
mat = array[1..10, 1..10] of integer;
var
m:mat;
n:integer;

{***** Les Modules *****)
procedure saisi(var m:mat; var n:integer);
var
i,j:integer;
begin
repeat
writeln('donner la taille ');
readln(n);
until n>0;

for i:=1 to n do
begin
for j:=1 to n do
begin
write('donner m[' ,i ,',' ,j ,']= ');
readln(m[i,j]);
end;
end;
end;

function max_ligne(nl:integer; m:mat; n:integer):integer;
var
j, max, ind_max:integer;
begin
max:=m[nl, 1];
ind_max:=1;
for j:=2 to n do

```

```

begin
    if m[nl,j]>max then
        begin
            max:=m[nl, j];
            ind_max:=j;
        end;
    end;

    max_ligne:=ind_max;
end;

function min_col(nc:integer; m:mat; n:integer):integer;
var
    i, min, ind_min :integer;
begin
    min:=m[1, nc];
    ind_min:=1;
    for i:=2 to n do
        begin
            if m[i,nc]<min then
                begin
                    min:=m[i, nc];
                    ind_min:=i;
                end;
            end;
        end;

    min_col:=ind_min;
end;
procedure affich (m:mat; n:integer);
var
    i, c, nc, L:integer;
begin
    for i:=1 to n do
        begin
            nc:=max_ligne(i, m, n);
            L:=min_col(nc, m, n);
            if i=L then writeln(m[i,nc]);
        end;
    end;

    {***** PP *****}

begin
    saisi(m, n);
    affich (m, n);
end.

```

Exercice n°6 :

Ecrire un programme permettant de saisir une matrice carrée ($N \times N$) et vérifier si la matrice est symétrique par rapport au deuxième diagonale ou non

14	12	10	1	2
----	----	----	---	---

18	19	5	1	1
20	21	10	5	10
22	20	21	19	12
30	22	20	18	14

Analyse de la procédure symétrique

Def fn sym(m :mat ; n :entier) :booleén

Résultat = sym ← test

Test ← vrai

Pour i de 1 à n faire

 Pour j de 1 à n faire

 Si $m[i,j] \neq m[n-j+1, n-i+1]$ alors test ← faux

 Fin si

 Fin pour

Fin pour

Fin fn sym

TDOL

Nom	Type
i, j	Entier